

A másodfokú egyenlet

A másodfokú egyenlet megoldóképlete:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Ehhez a másodfokú egyenletet mindig így kell felírni!

$ax^2+bx+c=0$ (az a, b és c számok lehetnek pozitívak és negatívak is!)

Az x^2 előtti (előjeles) szám tehát az **a**, az x előtti (előjeles) szám a **b**, és az x utáni (előjeles) szám a **c**.

Lássunk egy példát:

$$3x^2-2x-8=0$$

$$a=3, b=-2 \text{ és } c=-8$$

Oldjuk ezt meg:

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 3 \cdot (-8)}}{2 \cdot 3}$$

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 96}}{2 \cdot 3}$$

(figyeljünk az előjelekre)

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{100}}{6}$$

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm 10}{6}$$

$$x_1 = \frac{2 + 10}{6} = \frac{12}{6} = 2$$

$$x_2 = \frac{2 - 10}{6} = \frac{-8}{6} = -\frac{4}{3}$$

Az egyenletet bármivel meg lehet szorozni és el lehet osztani, például, eloszthatjuk a-val, ha nem akarjuk, hogy az x^2 meg legyen szorozva.

$$x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a}x = 0$$

Elsőfokú tényezőkre való felbontás

Most úgy csináljuk, hogy az x^2 -es tag ne legyen megszorozva, vagyis $a=1$.
(lehetne $a \neq 1$ is, de most nem bonyolítjuk)

Egy másodfokú kifejezés gyakran felírható elsőfokú tényezők szorzataként is:
 $x^2+bx+c=(x-x_1)(x-x_2)$ Itt az x betű, a , b , c , x_1 és x_2 pedig számok.

Ilyenkor úgy tekintjük, hogy a kifejezés egy másodfokú egyenlet, és megoldjuk, tehát:

$$x^2+bx+c=0$$

Az egyenlet két megoldása lesz x_1 és x_2 .

Például hogyan írhatjuk fel az alábbi kifejezést másként?

$$x^2-x-6=(x-?)(x-?)$$

Először:

$$x^2-x-6=0$$

Ennek a két megoldása $x_1=-2$ és $x_2=3$

Ezeket behelyettesítjük:

$$(x-(-2)) \cdot (x-3) \quad (\text{vigyázz az előjelekre a behelyettesítésnél!})$$

$$(x+2)(x-3)$$

A megoldás tehát: $x^2-x-6=(x+2)(x-3)$

Megfigyelhetjük, hogy:

$$b=-1 \quad \text{és ez pont } -(x_1+x_2) \quad \text{és}$$

$$c=-6 \quad \text{ami pont } x_1 \cdot x_2$$

Ezeket az összefüggéseket bizonyos esetekben arra is felhasználhatjuk, hogy fejben kiszámítsuk a másodfokú egyenlet megoldásait. 😊