



دَوْلَةُ لِيْبِيَا
وَزَارَةُ التَّعْلِيمِ

مَرْكَزُ الْمَنَاهِجِ التَّعْلِيمِيَّةِ وَالْبَحْثِ التَّرْبَوِيَّةِ

الرِّيَاضِيَّاتُ

لِلصَّفِّ التَّاسِعِ مِنْ مَرْحَلَةِ التَّعْلِيمِ الْأَسَاسِيِّ

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ

المدرسة الليبية بفرنسا - تور

العام الدراسي 1441 / 1442 هجري
2020 / 2021 ميلادي

إيجاد المفكوك والتحليل الجبري

Algebraic Expansion and Factorisations

1



رينيه ديكارت فرنسي ، ولد عام 1596، كان أول عالم رياضيات يستخدم الحروف أ، ب، ج، ... للأعداد المعروفة. كما قرر أن الحروف التي في نهاية الأبجدية مثل س، ص، ع يجب أن تكون رموزاً للأعداد المجهولة. ويعتبر "ديكارت" أيضاً أول من كتب (س²) بدلاً من س س، (س³) لتحل مكان س س س.

في نهاية هذا الفصل سوف تكون قادراً على:

- إيجاد مفكوك حاصل ضرب مقدارين جبريين، باستخدام قانون التوزيع.
- إيجاد مفكوك المقادير التي على الصورة $(a+b)^2$ ، $(a-b)^2$ ، $(a+b)(a-b)$ بالتعرف على نماذج تلك النتائج.
- تحليل المقادير الجبرية ذات العوامل المشتركة.
- تحليل المقادير الجبرية على الصورة $a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc$ باستخدام خاصية (التجميع).
- تحليل المقادير التربيعية التي تحتوي على متغير واحد أو متغيرين.
- تحليل المقادير التي هي الفرق بين مربعين.
- تحليل المقادير التي هي الفرق بين المكعبين ومجموع المكعبين.

إيجاد المفكوك باستخدام قانون التوزيع (مراجعة) Expansion Using Distributive Law (Revision)

تعلمنا في الكتاب السابق من هذه السلسلة، أن عملية الضرب في الحساب يمكن توزيعها على الجمع والطرح فمثلاً:

$$3 \times 2 + 5 \times 2 = (3+5) \times 2$$

$$16 = 6 + 10 =$$

وبالمثل . في الجبر يمكننا تطبيق قانون التوزيع لفك الأقواس فعلى سبيل المثال:

$$(3 + 4) \times 2 = (3 + 4) \times 2$$

$$3 \times 2 + 4 \times 2 =$$

$$6 + 8 =$$

تذكر أن القواعد الخاصة بالضرب الجبري تشبه قواعد الضرب الحسابي، فعلى

سبيل المثال

$(+) \times (+) = +$	$(+) \times (+) = +$
$(-) \times (-) = +$	$(-) \times (-) = +$
$(+) \times (-) = -$	$(+) \times (-) = -$
$(-) \times (+) = -$	$(-) \times (+) = -$

مثال 1:

أوجد مفكوك:

(أ) $2(س + 1)$ (ب) $4(س - 3)$

الحل

(أ) $2(س + 1) = 2 \times س + 2 \times 1$

$$2س + 2 =$$

(ب) $4(س - 3) = 4 \times س - 4 \times 3$

$$4س - 12 =$$

مثال 2:

أوجد مفكوك

(أ) $2(س + 5)$ (ب) $3(س - 2) - 7$

الحل

(أ) $2(س + 5) = 2 \times س + 2 \times 5$

$$2س + 10 =$$

(ب) $3(س - 2) - 7 = 3 \times س - 3 \times 2 - 7$

$$3س - 6 - 7 =$$

ملحوظة

إذا كان العدد المضروب في القوس سالباً فإن إشارات ما بداخل القوس تتغير عند فك الأقواس.

إيجاد المفكوك باستخدام قانون التوزيع

مثال 3:

أوجد مفكوك:

- (أ) $a(3+a)$
 (ب) $b(2b-3)$
 (ج) $-c(c+4)$
 (د) $s(1+2s)$

الحل

$$\begin{aligned} a(3+a) &= a \times 3 + a \times a \\ &= 3a + a^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b(2b-3) &= b \times 2b + b \times (-3) \\ &= 2b^2 - 3b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} -c(c+4) &= -c \times c - c \times 4 \\ &= -c^2 - 4c \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} s(1+2s) &= s \times 1 + s \times 2s \\ &= s + 2s^2 \end{aligned}$$

مثال 4:

أوجد مفكوك ثم اختصر:

- (أ) $4(3-2a) + 3(2+a)$
 (ب) $2(3+a) - 3(a-b)$

الحل

$$\begin{aligned} 4(3-2a) + 3(2+a) &= 12 - 8a + 6 + 3a \\ &= 18 - 5a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2(3+a) - 3(a-b) &= 6 + 2a - 3a + 3b \\ &= 6 - a + 3b \end{aligned}$$

3- أوجد مفكوك ثم اختصر:

- (أ) $5(س + 4) + 2(س + 7)$
 (ب) $3(ت - 5) + 8(ت - 1)$
 (ج) $4(ر + 4) + 5(ر + 3)$
 (د) $5(ص - 2) + 8(ص - 3)$
 (هـ) $11(ت + 1) - 2(ت + 5)$
 (و) $6(س - 5) - 3(س - 2)$
 (ز) $3(د - 3) - 7(د + 3)$
 (ح) $3(أ - 4) - 2(أ - 5)$
 (ط) $3(ت - 2) - 3(ت - 4)$

4- أوجد مفكوك ثم اختصر:

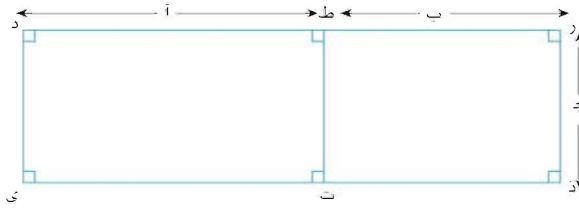
- (أ) $س(س + 1) + 2(س + 1)$
 (ب) $ص(ص - 4) + 3(ص - 4)$
 (ج) $أ(أ + 3) - 3(أ + 3)$
 (د) $ر(ر + 4) - 4(ر + 4)$
 (هـ) $ب(ب + 7) - 7(ب + 7)$
 (و) $ك(ك + 5) + 5(ك + 5)$
 (ز) $أ(أ - 4) - 4(أ - 4)$
 (ح) $ح(ح - 5) - 5(ح - 5)$

Expansion of $(a + b)(c + d)$

1-1-1 إيجاد مفكوك $(أ + ب)(ح + د)$



1- أطوال أضلاع المستطيل مبينة في الرسم التالي.

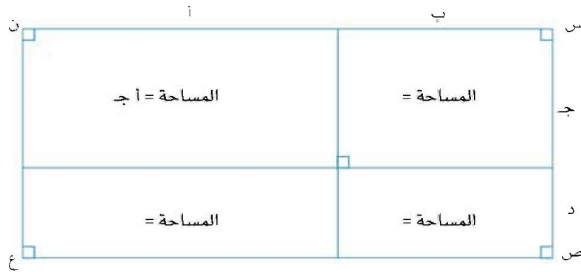


ملحوظة

حل هذا المثال
 (أ) يتضمن استخدام الرسم
 البياني.
 (ب) يستخدم لتبسيط
 المشكلة للنشاط رقم 2
 في الصفحة التالية.

- (أ) احسب مساحة (i) المستطيل د ط ت ي (ii) المستطيل ط ر ذت.
 (ب) اجمع مساحة المستطيلين السابقين للحصول على مساحة المستطيل د ر ذ ي.
 (ج) أوجد طول در.
 (د) استخدم الطول در لحساب مساحة المستطيل د ر ذ ي.
 (هـ) اكتب استنتاجاتك من النتائج (ب)، (د).

2- أطوال أضلاع المستطيل مبينة كما هو موضح في الرسم التالي.



ملحوظة

حل هذه المسألة يتضمن
 استخدام نموذج أو رسم

- (أ) انقل الشكل السابق ثم أكمل مساحة كل مستطيل.
 (ب) اجمع كل المساحات للحصول على مساحة المستطيل ن س ص ع.
 (ج) اكتب فيما يلي أطوال (i) ن س (ii) س ص وعندئذ احسب مساحة المستطيل ن س ص ع.
 (د) من (ب)، (ج) اكتب استنتاجاتك

إيجاد المفكوك باستخدام قانون التوزيع

سوف ننتقل الآن إلى استخدام الطريقة الجبرية لإيجاد مفكوك $(أ + ب)(ح + د)$.

نفرض $ح + د = ك$

$$\begin{aligned} \therefore (أ + ب)ك &= (أ + ب)(ح + د) \\ &= كأ + كب \\ &= (أ + ب)ح + (أ + ب)د \\ &= أ + ح + ب + د + أ + ح + د + د \end{aligned}$$

أو بالفك المباشر

$$(أ + ب)(ح + د) = أ + ح + ب + د + أ + ح + د + د$$

لإيجاد مفكوك مقدار في صورة $(أ + ب)(ح + د)$ ، فإن كل حد في القوس الأول يجب ضربه في كل حد في القوس الثاني

$$(أ + ب)(ح + د) = أ + ح + ب + د + أ + ح + د + د$$

استبدل ك بـ $(ح + د)$

مثال 5:

أوجد مفكوك:

- (أ) $(س + 2)(س + 5)$ (ب) $(س + 3)(س - 5)$
 (ج) $(س - 2)(س + 3)$ (د) $(س - 4)(س - 6)$

الحل

$$\begin{aligned} \text{(أ)} \quad (س + 2)(س + 5) &= س^2 + 5س + 2س + 10 \\ &= س^2 + 7س + 10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ب)} \quad (س + 3)(س - 5) &= س^2 - 5س + 3س - 15 \\ &= س^2 - 2س - 15 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ج)} \quad (س - 2)(س + 3) &= س^2 + 3س - 2س - 6 \\ &= س^2 + س - 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(د)} \quad (س - 4)(س - 6) &= س^2 - 6س - 4س + 24 \\ &= س^2 - 10س + 24 \end{aligned}$$

مثال 6:

أوجد مفكوك:

$$(3 - ب) (2 + ب 3) \quad (ب) \quad (4 + أ) (3 + أ 2) \quad (أ)$$

$$(4 - س 3) (2 - س) \quad (د) \quad (5 + ح 4) (3 - ح 2) \quad (ح)$$

الحل

$$(4 + أ) 3 + (4 + أ) أ 2 = (4 + أ) (3 + أ 2) \quad (أ)$$

$$12 + أ 3 + أ 8 + أ^2 2 =$$

$$12 + أ 11 + أ^2 2 =$$

$$(3 - ب) 2 + (3 - ب) ب 3 = (3 - ب) (2 + ب 3) \quad (ب)$$

$$6 - ب 2 + ب 9 - ب^2 3 =$$

$$6 - ب 7 - ب^2 3 =$$

$$(5 + ح 4) 3 - (5 + ح 4) ح 2 = (5 + ح 4) (3 - ح 2) \quad (ح)$$

$$15 - ح 12 - ح 10 + ح^2 8 =$$

$$15 - ح 2 - ح^2 8 =$$

$$(4 - س 3) 2 - (4 - س 3) س = (4 - س 3) (2 - س) \quad (د)$$

$$8 + س 6 - س 4 - س^2 3 =$$

$$8 + س 10 - س^2 3 =$$